



3ª LISTA DE EXERCÍCIOS - DERIVAÇÃO

01) Determinar a função derivada das seguintes funções:

- a) $y = 4x^5$
b) $y = 2x^3 + 4x^2 - 5x - 2$
c) $y = \text{sen } x + \text{cos } x + \text{tg } x$
d) $y = (x^2 + 1)^4$
e) $y = 4(2x^2 - x - 1)^3$
f) $y = x \text{ sen } x + \text{cos } x$
g) $y = \text{sen}^4 x$
h) $y = [x e^x + \text{cos } x]^5$

02) Determinar a função derivada das seguintes funções:

- a) $y = 1/x^2$
b) $y = 2/(x + 1)$
c) $y = 2x/(x^2 + 1)$
d) $y = e^x/x$
e) $y = (1 + \text{sen } x)/\text{cos } x$
f) $y = \ln x/\text{sen } x$
g) $y = (x^2 + x + 1)/e^x$
h) $y = x^2/\text{tg } x$

03) Determinar a função derivada das seguintes funções:

- a) $y = \text{sen } 5x$
b) $y = \text{sen}(x^2 - 1)$
c) $y = 2 \text{cos } 5x^2$
d) $y = \text{tg } 2x^2$
e) $y = \text{sec } 2x$
f) $y = \text{cos}(\text{sen } x)$
g) $y = \ln [x^2/(1 + x^2)]$
h) $y = \ln [(1 + \text{sen } x)/(1 - \text{sen } x)]^{1/2}$

04) Obter as derivadas das seguintes funções:

- a) $y = \sqrt{x} + \sqrt[3]{x}$
b) $y = \sqrt{x^2 + 2x - 5}$
c) $y = \sqrt{a^2 - x^2}$
d) $y = \sqrt[3]{2x + 1}$
e) $y = \sqrt[3]{\text{cos } 2x}$
f) $y = \sqrt[5]{e^{2x}}$

05) Determinar a derivada segunda da função $y = \text{cos}^2 3x$.

06) Determinar a função derivada da função dada:

- a) $y = x^3 + 4$
b) $y = 5x^4 - 7x^2 + 3$
c) $y = \frac{5}{4} t^{10/3}$
d) $y = \frac{x + 1}{\sqrt{x^2 + 2x + 4}}$
e) $y = -5x^{13} - 6$
f) $y = 5x^{-3}$
g) $y = \sqrt[5]{x^3} - \frac{8}{5} - \frac{6}{\sqrt[5]{x^3}}$
h) $y = (3 + 2x^2)^4$
i) $y = \frac{ax^6 + b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$
j) $y = x^5 - 4x^3 + 2x - 3$
k) $y = \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - x + 2}$
l) $y = (2a + 3bx)^4$

07) Calcular o valor de $\frac{dy}{dx}$, para o valor dado de x , nos seguintes casos:

- a) $y = (x^2 - x)^3$; $x = 3$
b) $y = \sqrt[3]{x} + \sqrt{x}$; $x = 64$
c) $y = x \sqrt{3 + 2x}$; $x = 3$
d) $y = \frac{\sqrt{5 - 2x}}{2x + 1}$; $x = 1/2$

08) Achar o ponto sobre a curva $y = 5x - x^2$ onde a inclinação da tangente é 45° .

09) Obter a equação da tangente à curva $y = x^2 \operatorname{sen}(x - 2)$ no ponto de abscissa 2.

10) Sendo $f(x) = (5 - 2x)^8$, calcule $f'(3)$.

11) Calcule a derivada da função $f(x) = x \operatorname{sen} x$, no ponto $x = p$.

12) Determine a derivada da função $f(x) = \operatorname{tg} x$, no ponto $x = p/4$.

13) Encontre a derivada de $e^{\operatorname{sen}^2 3x}$, no ponto $x = p/12$.

14) Obter os extremos relativos de $f(x) = x^3 - 3x + 1$.

15) Determinar os pontos críticos das seguintes funções:

a) $f(x) = x^4 - 6x^2 + 8x + 1$ e) $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 36x^2$

b) $f(x) = x^2 - 5x + 6$ f) $f(x) = -2x^2 + 3x - 17$

c) $f(x) = x^5 - x^4$ g) $f(x) = (x+1)^2(x-4)^3$

d) $f(x) = \frac{x}{x^2 + 2x + 9}$ h) $f(x) = e^{-(x-a)^2}$

16) Calcule p e q de modo que o trinômio $x^2 + px + q$ tenha uma raiz nula e um mínimo para $x = 3$.

17) A função $y = x^3 + 2x^2 + ax + b$ apresenta um máximo no ponto $(-1, 6)$. Determine o valor de b .

18) Sendo $x > 0$, determine o valor mínimo que assume a função $f(x) = \frac{4x^2 + 8x + 13}{6(x+1)}$.

19) Dada a função $y = x^3 - 3x^2 + 4x - 12$, determine as coordenadas do seu ponto de inflexão.

20) Determine o ponto de mínimo relativo da função $y = x^3 - 3x$.

GABARITO:

1) a) $20x^4$; b) $6x^2 - 8x - 5$; c) $\cos x - \operatorname{sen} x + \sec^2 x$; d) $8x(x^2 + 1)^3$;

e) $12(4x - 1)(2x^2 - x - 1)^2$; f) $x \cos x$; g) $4\operatorname{sen}^3 x \cos x$;

h) $5(xe^x + \cos x)^4 [e^x(1+x) - \operatorname{sen} x]$;

2) a) $\frac{-2}{x^3}$; b) $\frac{-2}{x+1}$; c) $\frac{2-2x^2}{(x^2+1)^2}$; d) $e^x \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right)$; e) $\frac{1 - \operatorname{sen} x}{\cos^2 x}$;

$$f) \frac{\frac{1}{x} \operatorname{sen} x - \cos x \ln x}{\operatorname{sen}^2 x} \quad g) x(1-x)e^{-x}; \quad h) \frac{x(\operatorname{sen} 2x - 1)}{\operatorname{sen}^2 x}$$

$$3) a) 5 \cos 5x; \quad b) 2x \cos(x^2 - 1); \quad c) -20x \operatorname{sen} 5x^2; \quad d) 4x \sec^2 2x^2; \\ e) -2 \operatorname{tg} 2x \sec 2x; \quad f) -\cos x \operatorname{sen}(\operatorname{sen} x); \quad g) \frac{2}{x(x^2 + 1)}; \quad h) \sec x;$$

$$4) a) \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}; \quad b) \frac{x+1}{\sqrt{x^2 + 2x - 5}}; \quad c) \frac{-x}{\sqrt{a^2 - x^2}}; \quad d) \frac{2}{3} \frac{1}{(2x+1)^{2/3}};$$

$$e) \frac{-2}{3} \frac{\operatorname{sen} 2x}{\sqrt[3]{\cos^2 2x}}; \quad f) \frac{2}{5} \sqrt[5]{e^{2x}}; \quad 5) -18 \cos 6x$$

$$6) a) 3x^2; \quad b) 20x^3 - 14x; \quad c) \frac{25}{6} t^{7/3}; \quad d) \frac{3}{(x^2 + 2x + 4)^{3/2}}; \quad e) -65x^{12};$$

$$f) -15x^{-4}; \quad g) \frac{3}{5} \left[\frac{1}{\sqrt[5]{x^2}} + \frac{6}{x^5 \sqrt{x^3}} \right]; \quad h) 16x(3 + 2x^2)^3; \quad i) \frac{6ax^5}{\sqrt{a^2 + b^2}};$$

$$j) 5x^4 - 12x^2 + 2; \quad k) \frac{2(x^2 - 2)}{(x^2 - x + 2)^2}; \quad l) 12b(2a + 3bx)^2;$$

$$7) a) 540; \quad b) \frac{1}{12}; \quad c) 4; \quad d) \frac{-3}{4};$$

$$8) 2; \quad 9) 4x - 8; \quad 10) 16; \quad 11) -p; \quad 12) 2 \quad 13) 3\sqrt{e}; \quad 14) \pm 1;$$

$$15) a) 1 e - 2; \quad b) 5/2; \quad c) 0 e 4/5; \quad d) \pm 3; \quad e) 0, -2 e 3; \quad f) 3/4; \\ g) 0 e \pm 1; \quad h) a$$

$$16) p=-6 \text{ e } q=0; \quad 17) 6; \quad 18) 2; \quad 19) P(1,-10); \quad 20) P(1,-2)$$